

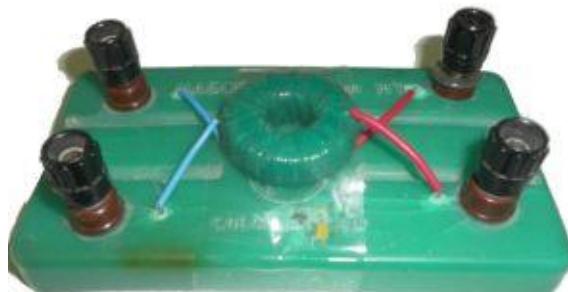
**Лабораторная работа №8**  
**Получение кривой намагничивания**  
**и определение магнитной проницаемости вещества<sup>1</sup>**

**Цель работы:** экспериментально изучить зависимость индукции магнитного поля в ферромагнетике от напряжённости магнитного поля и зависимость магнитной проницаемости ферромагнетика от напряжённости магнитного поля.

**Приборы и принадлежности:**



генератор сигналов  
низкочастотный ГЗ-109



тороидальный трансформатор



мультиметр М3900 – 2 шт.,  
как вольтметры



магазин сопротивлений Р33



соединительные провода

---

<sup>1</sup> Работа подготовлена в рамках выполнения ВКР студенткой группы 5 «Д» факультета МФИ Машковой Маргаритой Александровной. Научный руководитель Романов Р.В. – 2013 г.

## Теоретическое введение

### 1. Характеристики магнитных свойств среды

Вещество, помещённое во внешнее магнитное поле, намагничивается. Степень намагничивания вещества принято характеризовать вектором намагничивания (намагченностью)  $\vec{J}$ .

Вектором намагничивания (намагченностью) называется физическая величина, численно равная суммарному магнитному моменту единицы объёма вещества

$$\vec{J} = \frac{\sum_{i=1}^n \vec{p}_{m_i}}{\Delta V}, \quad \vec{p}_m = IS\vec{n}, \quad (8.1.1)$$

где  $\vec{p}_m$  – магнитный момент кругового тока  $I$ , охватывающего площадку  $S$ ,  $\vec{n}$  – нормаль к площадке.

Вектор намагничивания пропорционален напряжённости магнитного поля  $\vec{H}$ , вызывающего намагничивание

$$\vec{J} = \chi \vec{H},$$

где  $\chi$  – магнитная восприимчивость вещества, численно равная величине вектора намагничивания магнетика при напряжённости магнитного поля равной единице.

Магнитное поле, создаваемое в магнетике, складывается с внешним магнитным полем, и суммарное поле характеризуется индукцией магнитного поля

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \vec{J} = \mu_0 (1 + \chi) \vec{H} = \mu_0 \mu \vec{H}, \quad (8.1.3)$$

где  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  Гн/м – магнитная постоянная,  $\mu = 1 + \chi$  – магнитная проницаемость среды.

Каждый магнетик характеризуется магнитной проницаемостью, показывающей, во сколько раз индукция поля  $B$  в среде больше индукции  $B_0$  магнитного поля в вакууме

$$\mu = \frac{B}{B_0} = 1 + \chi.$$

### 2. Виды магнетиков

По своим магнитным свойствами вещества делятся на слабомагнитные и сильномагнитные. К первым принадлежат диамагнетики и парамагнетики, а ко вторым – ферромагнетики.

В диамагнетиках намагченность противоположна внешнему полю ( $\chi < 0$  – отрицательна), в парамагнетиках – сонаправлена ( $\chi > 0$  – положительна).

Для диамагнетиков  $\mu < 1$ , а для парамагнетиков  $\mu > 1$ .

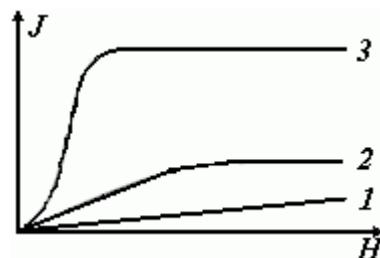


Рис. 8.2.1.  
3 –ферромагнетики;  
2 –парамагнетики;  
1 –диамагнетики

Диамагнетики и парамагнетики слабо изменяют внешнее магнитное поле, и магнитная проницаемость для них мало отличается от единицы.

### Магнитная проницаемость некоторых веществ<sup>1</sup>

диамагнетики	парамагнетики	ферромагнетики	
висмут	0,999834	алюминий	1,000022
вода	0,999991	вольфрам	1,000068
водород	0,999999937	воздух	1,00000038
медь	0,999990	кислород	1,0000019
стекло	0,999987	платина	1,000265

Человек в магнитном поле ведёт себя как диамагнетик.

### 3. Качественное объяснение диа- и парамагнетизма

К диамагнетикам относятся вещества, магнитные моменты атомов, молекул или ионов которых в отсутствие внешнего магнитного поля равны нулю. Диамагнетиками являются инертные газы, молекулярный водород, азот, цинк, медь, золото, висмут, парафин и некоторые другие органические и неорганические соединения.

В случае отсутствия магнитного поля диамагнетик немагнетен, поскольку в данном случае магнитные моменты электронов взаимно компенсируются, и суммарный магнитный момент атома равен нулю.

Так как диамагнитный эффект обусловлен действием внешнего магнитного поля на электроны атомов вещества, то диамагнетизм свойственен всем веществам.

У парамагнитных веществ при отсутствии внешнего магнитного поля магнитные моменты электронов не компенсируют друг друга, и атомы (молекулы) парамагнетиков всегда обладают магнитным моментом. Однако вследствие теплового движения молекул их магнитные моменты ориентированы беспорядочно, поэтому парамагнитные вещества магнитными свойствами не обладают. При внесении парамагнетиков во внешнее магнитное поле устанавливается преимущественная ориентация магнитных моментов атомов по полю (полной ориентации препятствует тепловое движение атомов).

Таким образом, парамагнетик намагничивается, создавая собственное магнитное поле, совпадающее по направлению с внешним полем и усиливающее его. В данных веществах парамагнитный эффект перекрывает диамагнитный.

При ослаблении внешнего магнитного поля до нуля ориентация магнитных моментов вследствие теплового движения нарушается и парамагнетик размагничивается.

<sup>1</sup> В 1778 году С. Дж. Бергман стал первым человеком, заметившим, что висмут и сурьма отталкиваются магнитным полем. Однако термин «диамагнетизм» был введен позже (в сентябре 1845 года) Майклом Фарадеем, когда он понял, что все материалы в природе обладают диамагнитным характером ответа на приложенное к ним магнитное поле. Тогда же был введен термин «парамагнетизм».

## 4. Ферромагнетики

К парамагнетикам относятся материалы, обладающие рядом свойств, которые заставляют выделить их в особую группу, получившую название ферромагнетиков.

К особым свойствам ферромагнетиков относятся:

1. большая магнитная проницаемость  $\mu \gg 1$ , сложным образом зависящая от напряжённости магнитного поля  $\mu = \mu(H)$ ;
2. магнитная восприимчивость  $\chi \gg 1$  и, кроме того, зависит от напряжённости магнитного поля;
3. нелинейность зависимостей вектора намагничивания  $J$  и индукции магнитного поля  $B$  от напряжённости магнитного поля  $H$ ;
4. наличие остаточной намагченности после снятия внешнего магнитного поля и связанное с ней наличие гистерезиса<sup>1</sup> в зависимостях  $J = J(H)$  и  $B = B(H)$ ;
5. существование температуры, называемой точкой Кюри, при нагревании выше которой ферромагнетик теряет свои свойства и становится парамагнетиком.
6. явление магнитострикции, заключающееся в деформации ферромагнетика при намагничивании.

Типичная зависимость  $\mu(H)$  приведена на рис. 8.4.1. В справочных таблицах обычно приводятся значения максимальной магнитной проницаемости.

Непостоянство магнитной проницаемости приводит к сложной нелинейной зависимости индукции магнитного поля от напряжённости внешнего магнитного поля.

Характерной особенностью процесса намагничивания ферромагнетиков является так называемый гистерезис, то есть зависимость намагничивания от предыстории образца. Кривая намагничивания  $B(H)$  ферромагнитного образца представляет собой петлю сложной формы, которая называется петлей гистерезиса ферромагнетика.

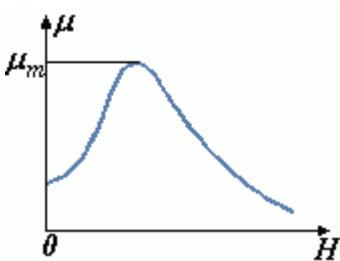


Рис. 8.4.1

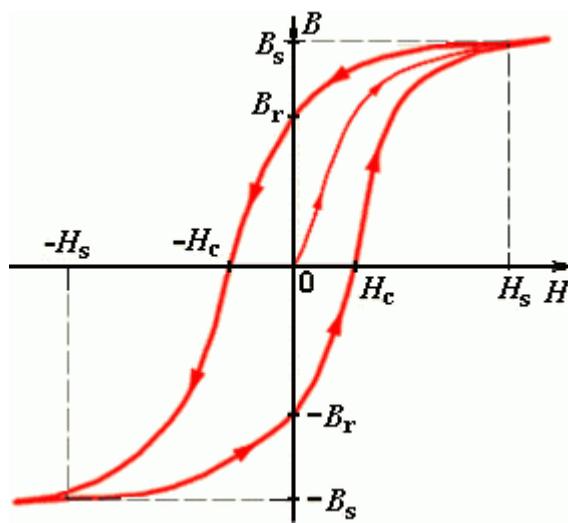


Рис. 8.4.2. Гистерезис

<sup>1</sup> Гистерезис (греч. ὑστέρησις – отстающий) – свойство систем (физических, биологических и т. д.), мгновенный отклик которых на приложенные к ним воздействия зависит в том числе и от их текущего состояния, а поведение системы на интервале времени во многом определяется её предысторией.

Из рисунка видно, что при  $|H| > H_s$  наступает магнитное насыщение – намагченность образца достигает максимального значения.

Если затем уменьшать напряжённость внешнего поля и довести её вновь до нулевого значения, то ферромагнетик сохранит остаточную намагченность – поле внутри образца будет равно  $B_r$ . Остаточная намагченность позволяет создавать постоянные магниты.

Если изменить направление напряженности внешнего поля и довести  $H$  до значения  $H_c$ , которое принято называть коэрцитивной силой<sup>1</sup>, индукция магнитного поля станет равна нулю, но при выключении внешнего магнитного поля ( $H = 0$ ) намагченность останется. Для того чтобы полностью размагнитить образец, необходимо многократно совершить обход вдоль петли гистерезиса, как это указано стрелками на рисунке и постепенно уменьшать амплитуду напряжённости намагничающего поля до нуля.

В связи с неоднозначностью зависимости  $B(H)$  понятия магнитной проницаемости и магнитной восприимчивости ферромагнетиков применяются лишь к основной кривой намагничивания, соответствующей намагничиванию ферромагнетика, не подвергавшегося ранее намагничиванию.

## 5. Краткое качественное объяснение ферромагнетизма

Природа ферромагнетизма может быть до конца понята только на основе квантовых представлений.

Качественно ферромагнетизм объясняется наличием собственных (спиновых) магнитных полей у электронов. В кристаллах ферромагнитных материалов возникают условия, при которых вследствие сильного взаимодействия спиновых магнитных полей соседних электронов энергетически выгодной становится их параллельная ориентация. В результате такого взаимодействия внутри кристалла ферромагнетика возникают самопроизвольно намагниченные области размером порядка  $10^{-2} \div 10^{-4}$  см. Эти области называются доменами. Каждый домен представляет собой небольшой постоянный магнит.

В отсутствие внешнего магнитного поля направления векторов индукции магнитных полей в различных доменах ориентированы в большом кристалле хаотически. Такой материал в среднем окажется ненамагченным. При наложении внешнего магнитного поля происходит смещение границ доменов так, что объём доменов, ориентированных по

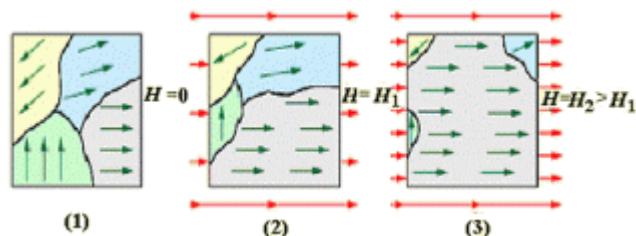


Рис. 8.5.1. Доменная структура

<sup>1</sup> от лат. coercitio – удерживание, residui – остаток, saturation – насыщение.

внешнему полю, увеличивается. С увеличением напряжённости внешнего поля возрастает магнитная индукция намагниченного вещества. В очень сильном внешнем поле домены, в которых собственное магнитное поле совпадает по направлению с внешним полем, поглощают все остальные домены, и наступает магнитное насыщение. Рисунок может служить качественной иллюстрацией процесса намагничивания ферромагнитного образца.

## 6. Температурные зависимости

Зависимость магнитной восприимчивости и магнитной проницаемости от температуры для различных классов магнетиков отличается. Для диамагнетиков  $\chi$  от температуры не зависит. Для парамагнетиков имеет место зависимость, определяемая законом Кюри:

$$\chi = \frac{C}{T}, \text{ где } C - \text{постоянная Кюри, зависящая от свойств материала.}$$

Для ферромагнетиков в достаточно большом интервале температур  $\chi$  почти не зависит от температуры, однако при температурах выше точки Кюри  $T_c$  тепловое движение разупорядочивает параллельную ориентацию спиновых магнитных моментов. Домены перестают существовать, и ферромагнетик становится обычным парамагнетиком, магнитная восприимчивость которого в парамагнитной области подчиняется закону Кюри–Вейсса

$$\chi = \frac{C}{T - T_c},$$

$C$  – постоянная, зависящая от рода вещества.

Температура Кюри для некоторых веществ

	$^{\circ}\text{C}$	$K$
железо, Fe	+769	1042
никель, Ni	+358	631
кобальт, Co	+1121	1394
гадолиний, Ga	+19	292

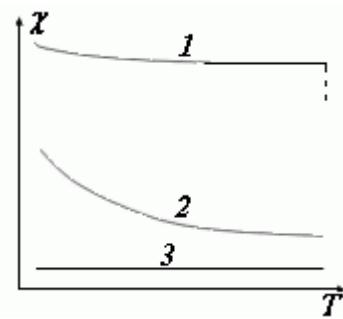


Рис. 8.6.1.

1 – ферромагнетики;  
2 – парамагнетики;  
3 – диамагнетики

## 7. Описание установки

Для изучения зависимостей  $B = B(H)$  и  $\mu = \mu(H)$  ферромагнетиков используется электрическая схема, показанная на рисунке, где  $T_p$  – тороидальный трансформатор;  $V_1$ ,  $V_2$  – вольтметры;  $r$  – магазин сопротивлений. Первичная намагничивающая обмотка  $L_1$  питается переменным током от генератора сигналов низкочастотного ГЗ-109.

Ток в намагничивающей катушке из  $N_1$  витков, намотанной на замкнутый сердечник исследуемого ферромагнетика, создаёт в сердечнике магнитное поле, напряжённость которого

$$H(t) = \frac{N_1 I(t)}{l},$$

где  $l$  – длина сердечника по средней линии. Так как вольтметр  $V_1$  измеряет действующее значение напряжения  $U_1$  на сопротивлении  $r$ , то

$$I_m = \frac{U_m}{r} = \frac{U_1 \sqrt{2}}{r},$$

и максимальное значение напряжённости магнитного поля в сердечнике

$$H_m = \frac{N_1 I_m}{l} = \frac{N_1 U_1 \sqrt{2}}{rl}. \quad (8.7.3)$$

ЭДС индукции в измерительной катушке из  $N_2$  витков по закону Фарадея–Максвелла равна скорости изменения магнитного потока в ней

$$\varepsilon(t) = -N_2 \frac{d\Phi}{dt} = -N_2 S \frac{dB(t)}{dt},$$

где  $B(t) = B_m \cos \omega t$  – индукция магнитного поля в сердечнике из исследуемого ферромагнетика,  $S$  – площадь поперечного сечения сердечника. Учитывая зависимость  $B(t)$ , получаем  $\varepsilon(t) = N_2 S B_m \omega \sin \omega t$ . Максимальное значение ЭДС индукции

$$\varepsilon_m = N_2 S B_m \omega = N_2 S B_m 2\pi\nu.$$

Из последнего выражения получаем, учитывая, что вольтметр  $V_2$  измеряет действующее значение ЭДС индукции  $\left( U_2 = \frac{\varepsilon_m}{\sqrt{2}} \right)$

$$B_m = \frac{U_2 \sqrt{2}}{N_2 S 2\pi\nu}. \quad (8.7.6)$$

Магнитная проницаемость для каждого значения тока в намагничивающей катушке

$$\mu = \frac{B_m}{\mu_0 H_m}. \quad (8.7.7)$$



Рис. 8.7.2. Общий вид установки

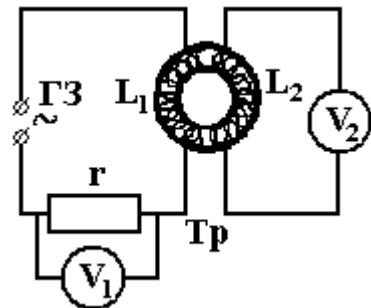


Рис. 8.7.1

**Лабораторная работа №8**  
**Получение кривой намагничивания**  
**и определение магнитной проницаемости вещества**

Выполнил студент \_\_\_\_\_

Факультет \_\_\_\_\_ курс \_\_\_\_\_ группа \_\_\_\_\_

Проверил \_\_\_\_\_

Показания сняты \_\_\_\_\_

Зачтено \_\_\_\_\_

**Порядок выполнения работы**

Параметры установки:

$l = 7,54 \cdot 10^{-2}$  м – длина сердечника по средней линии;

$S = 6,4 \cdot 10^{-5}$  м<sup>2</sup> – площадь поперечного сечения сердечника;

$N_1 = 105$ ,  $N_2 = 120$  – число витков в первичной и вторичной обмотках торOIDального трансформатора соответственно.

- Соберите цепь по схеме (рис. 8.7.1).
- На магазине сопротивлений установите сопротивление  $r=30$  Ом.
- Установите на генераторе частоту 100 Гц<sup>1</sup>. Ручка «Усиление»  должна быть повёрнута против часовой стрелки до упора в минимальное положение.
- Мультиметр  $V_1$  установите на предел «переменный ток – 20 В», мультиметр  $V_2$  установите на предел «переменный ток – 2 В». Включите генератор, включите мультиметры<sup>2</sup>.
- Очень плавно изменения напряжение, подаваемое генератором ручкой «Усиление», примерно через 0,1 В измерьте соответствующие напряжения  $U_1$ ,  $U_2$  и занесите их значения в таблицу. Необходимо получить не менее 15 экспериментальных точек, особенно на начальном этапе измерений.

№	$U_1$ , В	$U_2$ , В	$H$ , А/м	$B$ , Тл	$\mu$
1					
2					
3					
4					
5					
6					
7					
8					
9					
10					
11					

<sup>1</sup> Показания приборов на 50 Гц достаточно нестабильны.

<sup>2</sup> Диапазон рабочих частот мультиметров 40÷1000 Гц

12					
13					
14					
15					

6. Для каждого измерения рассчитайте  $H$ ,  $B$ ,  $\mu$  по формулам (8.7.3), (8.7.6), (8.7.7). Результаты занесите в таблицу.
7. Постройте по экспериментальным данным графики зависимости  $B(H)$ ,  $\mu(H)$ .
8. Сделайте выводы. В работе используется сердечник с начальной магнитной проницаемостью  $\mu = 1000 \pm 200$ , и  $\mu_{max} = 1800$ .

### **Контрольные вопросы**

1. Что такое магнитные свойства вещества?
2. На какие группы можно разбить вещества по их магнитным свойствам?
3. Чем характерно строение ферромагнетиков?
4. Каковы в теории графики зависимостей  $B = B(H)$  и  $\mu = \mu(H)$  ферромагнетиков?
5. Что такое явление гистерезиса и чем оно обусловлено?
6. Что называется остаточной индукцией и коэрцитивной силой?
7. Что такое точка Кюри и что она характеризует?

### **Литература**

(см. основной список литературы)

## Приложение

### Магнитные восприимчивость и проницаемость некоторых веществ

данные из разных источников, не всегда совпадают,

в разных системах единиц. Жирный шрифт – сверенные.

Вещество	восприимчивость, $\chi \cdot 10^{-6}$	проницаемость, $\mu$
<b>диамагнетики</b>		
азот, N <sub>2</sub>	-12,0	
водород, H <sub>2</sub>	-4,0	0,999999937
германий, Ge	-7,7	
кремний, Si	-3,1	
<b>вода (жидкая), H<sub>2</sub>O</b>	<b>-9,1</b>	<b>0,999991</b>
<b>поваренная соль, NaCl</b>	<b>-14,0</b>	<b>0,999986</b>
ацетон, C <sub>3</sub> H <sub>6</sub> O	-33,8	
<b>висмут, Bi</b>	<b>-166,0</b>	<b>0,999834</b>
сурьма, Sb		
<b>медь, Cu</b>	<b>-10,0</b>	<b>0,999990</b>
<b>серебро, Ag</b>	<b>-26,0</b>	<b>0,999974</b>
золото, Au	-29,59	
стекло		0,999987
<b>графит, C</b>	<b>-16,0</b>	<b>0,999984</b>
<b>сверхпроводники</b>		<b>0</b>
парамагнетики		
<b>алюминий, Al</b>	<b>22,0</b>	<b>1,000022</b>
<b>натрий, Na</b>	<b>7,2</b>	<b>1,0000072</b>
калий, K	16,1	
марганец, Mn		
<b>вольфрам, W</b>	<b>68,0</b>	<b>1,000068</b>
воздух		1,00000038
<b>кислород, O<sub>2</sub></b>	<b>1,9</b>	<b>1,0000019</b>
кислород жидкий		1,003400
<b>платина, Pt</b>	<b>265,0</b>	<b>1,000265</b>
ферромагнетики		
<b>железо 99,8% очистки</b>		<b>5000</b>
<b>никель 99% очистки</b>		<b>600</b>
<b>cobальт 99% очистки</b>		<b>250</b>
Гадолиний		Больше никеля
<b>пермалloy (сплав Fe-Ni)</b>		<b>до 100.000</b>
Феррит (марганец-цинк)		> 640
Метглас (англ. <i>Metglas</i> )		1 000 000

URL: <http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/tables/magprop.html#c1>,

<http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/tables/magprop.html#c2>,

[http://ru.wikipedia.org/wiki/%CC%E0%E3%ED%E8%F2%ED%E0%FF\\_%EF%F0%EE%ED%E8%F6%E0%E5%EC%EE%F1%F2%FC](http://ru.wikipedia.org/wiki/%CC%E0%E3%ED%E8%F2%ED%E0%FF_%EF%F0%EE%ED%E8%F6%E0%E5%EC%EE%F1%F2%FC), [http://www.chem.msu.su/Zn/Co\\_c.html](http://www.chem.msu.su/Zn/Co_c.html).